

$$U_{n+1} = \frac{1}{1 + \sqrt{U_n}} \quad \text{و} \quad U_0 = \frac{1}{2} \quad \text{لله الممتاليه المعرفة بما يلي :} \quad (3)$$

أ- بيه أه $(\forall n \in \mathbb{N}) \quad \frac{1}{2} \leq U_n < 1$

ب- تحقق أه $(\forall n \in \mathbb{N}) \quad |U_{n+1} - \alpha| \leq \frac{\sqrt{2}}{2} |U_n - \alpha| \quad \alpha = \frac{1}{1 + \sqrt{\alpha}}$

ج- بيه بالترجمه أه $(\forall n \in \mathbb{N}) \quad |U_n - \alpha| \leq \frac{1}{2} \times \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^n$

التمرین الرابع (5 نوها و نفه)

المستوى (P) منسوب إلى معلم متاعم منتظم مباش (O, \vec{i}, \vec{j}) .

نعتبر نقطتيه $B(2,2)$ و $A(\sqrt{3} + 1, 1 - \sqrt{3})$

1) تتحقق أه $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB}$ و أحسب الجداء السلمي

2) استنتاج أه $\widehat{(\vec{i}, \overrightarrow{OB})} \equiv \frac{\pi}{4}$ [2π] و بيه أه $\widehat{(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB})} \equiv \frac{\pi}{3}$ [2π]

3) لله نقطة C بحيث $OACB$ معين

أ- بيه أه احداثيات C هي $C(3 + \sqrt{3}, 3 - \sqrt{3})$

ب- بيه أه $\widehat{(\vec{i}, \overrightarrow{OC})} \equiv \frac{\pi}{12}$ [2π]

ج- استنتاج أه $\sin \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$ و $\cos \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{4}$

التمرین الخامس (2 نوها)

لله ABC مثلثا في المستوى (P) نهجه $AC = b$ و $BC = a$ ، $AB = c$ في كل هه الحالتين التاليه :

$\overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MB} = c^2$ (1)

$MB^2 + MC^2 = \frac{15}{2} a^2$ (2)

2015-14

فرض رقم 3

الأولى علوم رياضية

التمرین الاول (3 نوها و نفه)

نعتبر في المستوى (P) المنسوب إلى معلم متاعم منتظم (O, \vec{i}, \vec{j}) النقطة

والدائرة (C) معادلتها $x^2 + y^2 - 4x + 2y = 0$

1) حدد المركز Ω و الشعاع R للدائرة (C)

2) تتحقق أه النقطة A خارج الدائرة (C) ثم أعط معادلة المماسيه للدائرة (C)

و الماريه منه النقطة A

3) حل مبياننا النظمه

$$\begin{cases} y \geq -1 + \sqrt{-x^2 + 4x + 1} \\ y \leq 0 \end{cases}$$

التمرین الثاني (2 نوها)

لله α عدد هه ABC مثلث في المستوى (P) و G منتصف القطعة

[BC] نعتبر نقطتيه F ، E بحيث $\overrightarrow{AF} = \alpha \overrightarrow{AC}$ و $\overrightarrow{AE} = \alpha \overrightarrow{AB}$

1) بيه أه مرجح النقطتيه $(A, 1 - \alpha)$; (B, α)

و بيه أه B مرجح النقطتيه C و G محددا معادلاتها و F ، E نقط مسقمه

التمرین الثالث (6 نوها)

نعتبر الدالتيه و $f(x) = \sqrt{x}$ و $g(x) = \frac{-x + 1}{x}$

1) أ- أرسم منحنبي الدالتيه f و g في نفس المعلم (O, \vec{i}, \vec{j})

ب- استنتاج مبياننا أه المعادله $\sqrt{x} + \frac{x-1}{x} = 0$ قبل حلها وحدا α

2) نهجه $F(x) = \sqrt{x} + \frac{x-1}{x}$

أ- أعط جدول إشارة $F(x)$ (معللا جوابك)

ب- استنتاج أه $\frac{1}{2} \leq \alpha < 1$ (جديا و ليس مبيانا)